

---

---

## К ВОПРОСУ СООТНЕСЕНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКОГО И РЕЛЯЦИОННОГО ПОДХОДОВ

**С.В. Болохов**

*Институт гравитации и космологии  
Российского университета дружбы народов*

Рассмотрены возможные идеиные пересечения геометрического и реляционного подходов к построению физических теорий в ряде ключевых аспектов: принцип Маха, взаимосвязь свойств пространства-времени и материи, описание электромагнетизма и гравитации в теориях прямого межчастичного взаимодействия, а также в моделях Калуцы–Клейна.

**Ключевые слова:** реляционный подход, геометрический подход, пространство-время, гравитация, теории Калуцы–Клейна, принцип Маха.

### **Введение**

На волне развития теоретической физики последних десятилетий значительный интерес представляет собой осмысление и анализ фундаментальных оснований нашей физической картины мира. Анализ развития физических идей позволяет выделить три ключевые физические парадигмы, в рамках которых шло развитие фундаментальных теорий XX столетия: теоретико-полевая, геометрическая и реляционная парадигма [1].

Напомним, что в основе *теоретико-полевой парадигмы* лежит фундаментальная концепция поля, определенного на заданном пространственно-временном многообразии. Последнее трактуется как априори существующий субстанциальный фон. Классическое поле предполагает процедуру дальнейшего квантования, в ходе чего возникает представление о квантах материи и полей – переносчиков взаимодействий.

Основу *геометрической парадигмы* составляет общая теория относительности А. Эйнштейна (ОТО) и различные ее обобщения. Пространство-время становится искривленным псевдоримановым многообразием и приобретает динамические степени свободы, описывающие гравитационное взаимодействие. Геометрический подход может быть расширен и на описание других видов взаимодействий. Это достигается либо введением дополнительных геометрических степеней исходного 4-мерного многообразия (кручение, конформные преобразования, неметричность), либо увеличением размерности пространства-времени. В последнем случае говорят о так называемых моделях типа Калуцы–Клейна. Пространство-время в данном подходе по-прежнему трактуется в субстанциальном ключе.

Многими авторами достаточно давно высказываются соображения в пользу того, что традиционная трактовка пространства-времени имеет сущ-

ственные ограничения в микромире [1–3], а на планковских масштабах вообще теряет смысл. В связи с этим особую роль приобретает третья, *реляционная парадигма*, в рамках которой пространство-время имеет вторичный статус и трактуется как специфическая система отношений между объектами микромира. Наблюдаемые макроскопические свойства пространства-времени (протяженность, размерность и сигнатура) мыслятся как усредненно-статистический итог от наложения свойств ансамблей взаимодействующих микрочастиц.

Как отмечается в работах Ю.С. Владимирова [1], последовательный реляционный подход содержит три составляющие: реляционную трактовку понятий классического пространства-времени; описание физических взаимодействий на базе релятивистско-инвариантной концепции дальнодействия; принцип Маха. Ниже мы коснемся этих составляющих и покажем, что отдельные их элементы можно проследить также и в геометрическом подходе, равно как и элементы геометрического подхода имеют определенное звучание в некоторых вариантах реляционных моделей. Это делает данные подходы в ряде аспектов созвучными друг другу. Более подробное обсуждение идей и особенностей реляционного подхода можно найти в [1; 4].

Общая методология реляционного подхода предполагает такой способ построения теории, при котором физические и геометрические характеристики взаимодействующих систем выражаются в терминах определенных отношений между элементами некоторых множеств. Элементами могут служить точки, события, частицы, 4-точки, импульсы и другие объекты более абстрактной природы. Заметим, что определенные мотивы реляционного понимания пространства-времени прослеживаются уже в *геометрическом подходе*: так, теория относительности, в отличие от ньютоновской концепции абсолютного пространства, строится на операционалистской методологии, придавая смысл всем пространственно-временным понятиям в рамках измерительных процедур на множестве событий или материальных объектов.

## 1. Взаимосвязь пространства-времени и материи

Одной из центральных идей реляционного подхода является обусловленность свойств макроскопического пространства-времени свойствами материи. Идею вторичности пространства-времени иногда иллюстрируют мысленной ситуацией, восходящей к Лейбницу и Маху, согласно которой пространство-время должно исчезать при удалении всех материальных объектов<sup>1</sup>. В геометрическом подходе (прежде всего в ОТО) свойства пространства-времени также связаны со свойствами вложенной в него материи, что

---

<sup>1</sup> С подобными мысленными ситуациями следует быть осторожными ввиду трудностей их верификации/фальсификации: устранение материи означало бы принципиальную невозможность реализовать наблюдателя и эмпирически удостоверить наличие или отсутствие пространства-времени. Поэтому подобные рассуждения имеют в значительной мере метафизический статус.

отражено в уравнениях Эйнштейна. Однако в ОТО возможны и чисто вакуумные решения, что отвечает общей интенции геометрического подхода трактовать пространство-время как онтологически автономную категорию. Возникает проблема, связанная с принципом соответствия между теориями: для широкого класса геометрических вакуумных решений в реляционных моделях утрачивается осмыслиенный физический аналог. Для соблюдения принципа соответствия в таком случае следовало бы либо признать вакуумные решения ОТО нефизическими идеализацией, либо допустить, что в реляционном подходе возможно смоделировать ситуацию отсутствия классической материи. В последнем случае роль субстрата пространственно-временных отношений мог бы выполнять некий эквивалент вакуума, трактуемого в реляционном духе как специфический модус материи (флуктуирующее море виртуальных частиц) [4].

## 2. Принцип Маха

Одним из ключевых элементов реляционного подхода является принцип Маха. В литературе имеется достаточно много трактовок данного принципа. Формулировка, восходящая к Маху, состоит в утверждении, что инертные свойства тел определяются влиянием глобального распределения удаленных масс. Известно, что в рамках *геометрического подхода* данный принцип был использован Эйнштейном при построении ОТО. В дальнейшем принцип Маха неоднократно подвергался ревизии и возникал в целом ряде геометрических теорий. В статье Г. Бонди с соавт. приводятся десять различных формулировок принципа Маха [5].

В *реляционном подходе* принцип Маха трактуется в широком смысле как идея обусловленности локальных свойств систем глобальным распределением окружающей материи. В такой формулировке, безусловно, имеется созвучие и с геометрическим подходом, где распределение материи, согласно уравнениям Эйнштейна, влияет на геометрию пространства и на характер инерциального движения пробных частиц. Однако столь общая формулировка принципа Маха может показаться тривиальной: очевидно, любая физическая система не является абсолютно изолированной и с течением времени естественным образом испытывает влияние всё более отдаленного окружения в пределах своего причинного конуса прошлого. Чтобы придать обобщенной трактовке принципа Маха содержательность, следует подчеркнуть, что в реляционном подходе влияние частиц друг на друга реализуется нелокальным образом, то есть по принципу *дальнодействия*. Причина в том, что отсутствие на фундаментальном уровне гладкого пространственно-временного фона делает невозможным введение классического понятия поля, реализующего локальную передачу взаимодействий.

Одним из следствий реализации принципа Маха в реляционной модели, развиваемой в работах Ю.С. Владимира, является, например, возможность вывести эффективное действие свободной частицы как результат ее взаимодействия с окружением [6].

### 3. Прямое межчастичное взаимодействие

Концепция дальнодействия в реляционном подходе должна быть совместима с принципами релятивистской инвариантности и причинности. Здесь в первую очередь следует назвать теорию прямого межчастичного электромагнитного взаимодействия [7], предложенную в работах Тетроде и Фоккера 1920-х гг. и усовершенствованную Фейнманом и Уилером в 1940-х гг. [8]. В данной теории среди первичных понятий отсутствует понятие поля – переносчика взаимодействий. Действие взаимодействия пары частиц выражается непосредственно через их токовые характеристики и дельта-функцию от квадрата интервала между точками на мировых линиях частиц, а электромагнитное поле приобретает вторичный («эффективный») характер. В работах Я. Грановского и А. Пантиюшина и других авторов [9] было предложено обобщение принципа Фоккера на случай линеаризованного гравитационного взаимодействия, соответствующее первому порядку разложения по константе  $G$  в ОТО.

*Нелинейные* гравитационные вклады в рамках теории прямого межчастичного взаимодействия можно описывать различными способами. В работе [7] была предложена пертурбативная схема, обобщающая гравитационный принцип Фоккера на случай тройных, четверных и т. д. взаимодействий, что соответствует следующим порядкам разложения по  $G$ . Иной способ – в рамках реляционной теории пространства-времени Ю.С. Владимира – исследован в работах [6; 10], где исходный лагранжиан Фоккера рассматривается как композиция двух систем отношений<sup>2</sup>, заданных на пространстве 4-токов и на пространстве событий. Строится обобщенное действие Фоккера путем замены ток-токовых членов на произведения токов большего количества взаимодействующих частиц и в более сложных комбинациях, отвечающих минорам некоторых характерных детерминантов типа Грама, задающих структуру систем отношений. Учет диагональных миноров 2-го ранга приводит к фоккеровскому лагранжиану линеаризованной гравитации, а учет миноров 3-го ранга дает первую нелинейную гравитационную поправку в действие, позволяющую описывать эффекты ОТО в постニュтоновском приближении [10]. Характерным свойством данной реляционной схемы является объединенный способ описания гравитации и электромагнетизма путем выбора миноров нужного порядка в обобщенном действии Фоккера. При этом в рамках реляционного подхода гравитация имеет характер *вторичного взаимодействия*, фактически порожденного композицией элементарных ток-токовых отношений электромагнитного типа [6].

---

<sup>2</sup> Основы теории систем отношений под названием «теория физических структур» были заложены в 1960–1970-х гг. в трудах новосибирских математиков под руководством Ю.И. Кулакова и в дальнейшем приложены к физике пространства-времени и взаимодействий в работах Ю.С. Владимира.

## 4. Многомерные теории

В рамках *геометрического подхода* связь гравитации и электромагнетизма носит иной характер. Так, в многомерных геометрических теориях типа Калуцы первичным объектом выступает гравитационное действие, записанное в 5-мерном искривленном пространстве-времени. В ходе процедуры 4+1-расщепления и размерной редукции из скалярной кривизны 5-мерного многообразия выделяется кривизна 4-мерного сечения и добавок, отвечающая лагранжиану электромагнитного поля, которое, таким образом, в геометрическом подходе является вторичным по отношению к 5-мерной гравитации.

Обобщение теории Калуцы на случай других видов взаимодействий может идти двумя путями. Первый путь состоит в привлечении калибровочного принципа: на пространство дополнительных измерений накладывается симметрия той калибровочной группы, которая отвечает рассматриваемому взаимодействию. Второй путь разрабатывался в работах группы Ю.С. Владимира, где в качестве пространства дополнительных измерений выбирался  $n$ -мерный тор без наложения калибровочной симметрии [11; 12]. При этом возникает концепция ступенчатой размерной редукции, позволяющая трактовать различные каналы взаимодействий как результаты последовательного спуска от исходной многомерной теории к 4-мерной через цепочку промежуточных размерностей [13].

Возможная реализация идей многомерных геометрических теорий в рамках *реляционного подхода* также может идти несколькими путями. Первый способ состоит в постулировании действия линеаризованной гравитации фоккеровского типа на плоском 5-мерном фоне. После процедуры 4+1-расщепления получается эффективное действие, содержащее 4-мерную линеаризованную фоккеровскую гравитацию, фоккеровский электромагнетизм и вклад прямого межчастичного скалярного взаимодействия. Иной возможный способ реализации многомерия в реляционном подходе может состоять в обобщении пертурбативной схемы Владимира–Турыгина, разработанной в [7], на случай многомерной гравитации. Если за основу взять модель Калуцы–Клейна и построить для нее данную схему, то гравитационные степени свободы, отвечающие полям – переносчикам взаимодействий, получат характер эффективных полей в духе прямого межчастичного взаимодействия, что открывает возможность реляционного описания неабелевых калибровочных полей. Сказанное наглядно демонстрирует, что принципы многомерных теорий могут быть успешно синтезированы с методологией реляционного подхода в рамках теорий прямого межчастичного взаимодействия.

Наконец, идеиное содержание многомерных теорий можно перенести на случай геометрий иного класса – основанных на бинарных системах отношений [1]. Для описания различных каналов взаимодействий используется та же

идея, что и в многомерных геометрических моделях: бинарная система отношений подходящей размерности (ранга) трактуется как композиция систем отношений меньших рангов, отвечающих геометрии 4-мерного пространства и внутренним степеням свободы взаимодействующих частиц.

## 5. Эмпирический сектор

Еще одним примечательным аспектом соотнесения реляционного и геометрического подходов являются их возможные эмпирические следствия, для которых не было найдено достаточно веских обоснований в рамках общепринятого теоретико-полевого подхода. В частности, можно назвать гипотетический эффект сверхмалой зарядовой асимметрии легких и тяжелых частиц (гипотеза, высказанная еще в ранних работах А. Эйнштейна). В рамках *реляционной теории* подобный эффект возникает при анализе обобщенного фоккеровского функционала взаимодействия пары частиц, содержащего недиагональные миноры 2-го ранга. После процедуры суммирования по частицам окружающего мира в эффективном действии электромагнитного взаимодействия появляются малые добавки, сводящиеся к перенормировке зарядов взаимодействующих частиц и зависящие от их масс [14]. Аналогичный эффект возникает в рамках *геометрического подхода* при рассмотрении 6-мерной модели типа Калуцы–Клейна с двумя абелевыми векторными полями [15]: при определенном способе размерной редукции у заряженных частиц индуцируется дополнительный зарядовый вклад, определяемый массой. Данный вклад ввиду чрезвычайной относительной малости ( $\sim 10^{-21}$ ) ненаблюдаем в лабораторных условиях, однако на астрофизических масштабах может приводить к дополнительным факторам генерации магнитного поля планет [15].

## Заключение

В заключение высажем несколько слов о перспективах реляционного подхода. Есть все основания предполагать, что общепринятая субстанциальная трактовка пространства-времени, сыграв важную и плодотворную роль в построении фундаментальных физических теорий XX в., постепенно исчерпывает свои концептуальные ресурсы ввиду отмеченных выше проблем с применимостью традиционных пространственно-временных представлений на микромасштабах. Более того: теории субстанциального типа, по-видимому, следует счесть феноменологическими в сравнении с реляционными теориями, поскольку в последних не ограничиваются постулативно-описательным заданием свойств пространства-времени, а предпринимают попытки их вывода из более глубинных конструкций. Исходя из этого, можно спрогнозировать, что на дальнейших витках эволюции наших научных представлений физическая наука должна неизбежно столкнуться с необходимостью учета реляционной парадигмы.

## ЛИТЕРАТУРА

1. *Владимиров Ю.С.* Основания физики. – М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2008.
2. *Блохинцев Д. И.* Пространство и время в микромире. – М.: Наука, 1982.
3. *G. F. Chew*, The dubious role of the space-time continuum in microscopic physics // *Science Progress*. – 1963. – Vol. LI. – № 204. – P. 529–539.
4. *Болохов С.В.* К некоторым аспектам реляционного подхода в физике // *Метафизика*. – 2014. – № 2 (12) – С. 29–48.
5. *Bondi H, Samuel J.* The Lense-Thirring effect and Mach's principle // *Physics Letters A*. – 1997. – Vol. 228 (3). – P. 121–126.
6. *Vladimirov Yu. S.* Gravitational Interaction in the Relational Approach // *Grav. Cosmol.* 2008. – Vol.14. – P. 41-52.
7. *Владимиров Ю.С., Турыгин А.Ю.* Теория прямого межчастичного взаимодействия. – М.: Энергоатомиздат, 1986.
8. *Wheeler J.A., Feynmann R.P.* Interaction with the absorber as the mechanism of radiation // *Rev. Mod. Phys.* – 1945. – V. 17. – P. 157–181.
9. *Грановский Я.И., Пантиюшин А.А.* К релятивистской теории тяготения // *Изв. АН Каз. ССР*, сер. физ.-мат. – 1965. – №. 2. – С. 65–69.
10. *Bolokhov S.V., Klenitsky A.N.* On the Construction of Effective Metrics in a Relational Model of Space-Time // *Grav. Cosmol.* – 2013. – Vol. 19. – P. 35-41.
11. *Владимиров Ю.С.* Геометрофизика. – М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2005.
12. *Vladimirov Yu.S., Bolokhov S.V.* The mechanism of generating fermion masses in the 8-dimensional geometric theory // *General Relativity and Gravitation*. – 2005. – V. 37. – № 12. – P. 2227–2238.
13. *S. V. Bolokhov.* On Stepwise Dimensional Reduction in Kaluza–Klein Models // *Gravitation and Cosmology*. – 2012. – Vol. 18. – № 1. – P. 61–64.
14. *Владимиров Ю.С., Болохов С.В.* К теории прямого межчастичного электро-гравитационного взаимодействия // *Пространство, время и фундаментальные взаимодействия*. – 2016. – № 2. – С. 27–37.
15. *Владимиров Ю.С.* Происхождение магнитного поля астрофизических объектов // *Вестник Московского университета. Серия 3. Физика. Астрономия*. 2000. – № 2. – С. 6–8.

## TO THE ISSUE OF RELATIONSHIP BETWEEN GEOMETRIC AND RELATIONAL APPROACHES

**S.V. Bolokhov**

*Institute of Gravitation and Cosmology of RUDN University*

Possible ideological correlations are considered between geometric and relational approaches to the construction of physical theories in a number of key aspects: Mach's principle, interrelation of properties of spacetime and matter, description of electromagnetism and gravity in the “action-at-a-distance” theories as well as in the multidimensional Kaluza – Klein models.

**Keywords:** relational approach, geometric approach, spacetime, gravitation, Kaluza – Klein theory, Mach's principle.